

অনুশীলনী - 15.1

প্রশ্ন 1. এখন ফুটবল খেলত কোনটো দলে আবশ্যিকভাবে বলটো লব সেয়া সিন্ড্রাম্হ লবলৈ কিয় এটা বিশুদ্ধ মুদ্রার টচ করাটো দ্বকাব বুলি বিবেচনা কৰে ?

সমাধান : এটা মুদ্রা টচ কৰিলে হয়তো মুণ্ড (H) বা পুছ (T) পৰিব পাৰে । H পোৱাটো এটা ঘটনা আৰু T পোৱাটো আন এটা ঘটনা । ইয়াত ঘটনাটো এটা সম-সম্ভাব্য ঘটনা ।

প্রশ্ন 2. যদি $P(E) = 0.05$, তেন্তে নহয়ৰ সম্ভাবিতা কি ?

সমাধান : আমি জোনো যে, $P(E) + P(\bar{E}) = 1$

$$\begin{aligned}\therefore P(E) &= 1 - P(\bar{E}) \\ &= 1 - 0.05 = 0.95 \text{ (উত্তৰ)}\end{aligned}$$

প্রশ্ন 3. এটা 3 জনীয়া ছাত্ৰৰ দলত দিয়া আছে যে 2 জন ছাত্ৰৰ একে জন্মদিন নোহোৱাৰ সম্ভাবিতা **0.992** । 2 জন ছাত্ৰৰ একে জন্মদিন হোৱাৰ সম্ভাবিতা কি ?

সমাধান : ধৰা হ'ল A এটা ঘটনা যি একেই জন্মদিন থকা দুজন ছাত্ৰ সূচিত কৰে ।

$$\begin{aligned}\therefore A \text{ একেই জন্মদিনথকা ঘটনা সূচিত কৰে } \mid \text{অর্থাৎ } A &= 0.992 \\ \therefore P(A) &= 1 - P(\bar{A}) \\ &= 1 - 0.992 = 0.008\end{aligned}$$

\therefore একেই জন্মদিন থকা ছাত্ৰ দুটোৰ সম্ভাবিতা = **0.008** (উত্তৰ)

প্রশ্ন 4. এটা বাকচত 5 টা বঙা মাৰ্বল, 8 টা বগা মাৰ্বল আৰু 4 টা সেউজীয়া মাৰ্বল আছে । বাকচৰ পৰা যিকোনো এটা মাৰ্বল যাদৃচ্ছিকভাৱে লোৱা হ'ল । মাৰ্বলটোৰ (i) বঙা হোৱা (ii) বগা হোৱা (iii) সেউজীয়া নোহোৱাৰ সম্ভাবিতা কি ?

সমাধান :

বঙাৰণৰ মাৰ্বলগুটিৰ সংখ্যা (R) = 5

সেউজীয়া বৰণৰ মাৰ্বলগুটিৰ সংখ্যা (G) = 4

বগা বৰণৰ মাৰ্বলগুটিৰ সংখ্যা (W) = 8

\therefore মুঠ মাৰ্বলৰ সংখ্যা = $5 + 4 + 8 = 17$

$$(i) P(R) = \frac{5}{17}$$

$$(ii) P(W) = \frac{8}{17}$$

$$(iii) P(G) = \frac{4}{17}$$

$\therefore G$: মার্বলটো সেউজীয়া নোহোৱাৰ সম্ভাৰিতা

$$= 1 - \frac{4}{17} = \frac{17-4}{17} = \frac{13}{17} \text{ (উত্তৰ)}$$

প্ৰশ্ন 5. গোপীয়ে তেওঁৰ একুৱেবিয়ামৰ বাবে এখন দোকানৰ পৰা এটা মাছ কিনি আনিলে । চিৰ 15.4 ত দেখুওৱাৰ দৰে দোকানীজনে 5 টা মতা মাছ আৰু 8 মাইকী মাছ থকা চৌবাচ্চাৰ পৰা যাদুচিকভাৱে যিকোনো এটা মাছ ধৰি দিলে । মাছটো মতা মাছ হোৱাৰ সম্ভাৰিতা কি ?

সমাধান : মতা মাছৰ সংখ্যা = 5

মাইকী মাছৰ = 8 সংখ্যা

$$\therefore মুঠ মাছৰ সংখ্যা (5 + 8) = 13$$

$$\therefore মাছৰ সম্ভাৰিতা = \frac{5}{13} \text{ (উত্তৰ)}$$

প্ৰশ্ন 6. 12 টা বেয়া কলম দুৰ্ভাগ্যবশতঃ 132 টা ভাল কলমৰ লগত মিহলি হ'ল । মাত্ৰ চকুৰে চাই এটা কলম ভালনে বেয়া কোৱাটো সম্ভাৰ নহয় । গোটটোৰ পৰা এটা কলম তুলি লোৱা হ'ল, কলমটো ভাল হোৱাৰ সম্ভাৰিতা নিৰ্ণয় কৰা ।

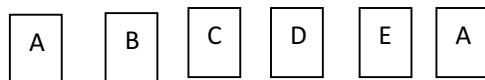
সমাধান : বেয়া কলমৰ সংখ্যা = 12

ভাল কলমৰ সংখ্যা = 132

$$\therefore মুঠ কলমৰ সংখ্যা = 12 + 132 = 144$$

$$\therefore ভাল কলমৰ সম্ভাৰিতা = \frac{132}{144} = \frac{11}{12} \text{ (উত্তৰ)}$$

প্ৰশ্ন 7. এজন শিশুৰ এটা লুড়ুঁটি আছে যাৰ ছয়খন পিঠিৰ তলত দেখুওৱাৰ দৰে আখৰ ওলায় ।



গুটিটো এবাৰ মাৰি পঠিওৱা হ'ল । (i) A, (ii) D ওলোৱাৰ সম্ভাৰিতা কি ?

সমাধান : এটা লুড়ুঁটিত 6 খন পিঠি আছে । পিঠি বোৰত A, B, C, D, E, A অক্ষৰ কেইটা চিহ্নিত কৰা আছে ।

(i) যিহেতু A দুটা ।

$$\therefore A \text{ অক্ষৰ দুটাৰ সম্ভাৰিতা} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

(ii) যিহেতু অক্ষৰ চিহ্নিত পিঠিৰ সংখ্যা = 1

$$\therefore D \text{-ৰ সম্ভাৰিতা} = \frac{1}{6} \text{ (উত্তৰ)}$$

প্রশ্ন 8. চিত্র 15.6 ত দেখটওরাব দরে ধৰা হওক তুমি এটা লুভুণ্টি এখন আয়তাকাব ক্ষেত্ৰত পেলাইছা। ১ মিঃ ব্যাসৰ এঢ়া বৃত্তৰ ভিতৰত এইটো পতিত হোৱাৰ সম্ভাৱিতা কি ?

সমাধান : আয়তক্ষেত্রটোর দৈর্ঘ্য (l) = 3 মি.

আৰু প্ৰস্থ (b) = 2 মি.

$$\therefore \text{আয়তটোর কালি} = (3 \times 2) \text{ বর্গ. মি.}$$

$$= 6 \text{ বর্গ মি.}$$

বৃত্তটোৰ ব্যাস = 1 মি.

$$\therefore \text{বৃত্তটোর ব্যাসার্দি } (R) = \frac{1}{2} \text{ মি.}$$

$$\therefore \text{বৃত্তটোৰ কালি} = \pi R^2$$

$$= \frac{22}{7} \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{\pi}{4}$$

$$\therefore \text{নির্গেয় সম্ভাবিতা} = \frac{\text{বৃত্তটোর কালি}}{\text{আয়তটোর কালি}}$$

$$= \frac{\frac{\pi}{4}m^2}{6m^2} = \frac{\pi}{24} \text{ বাৰ } | (\text{উত্তৰ})$$

প্রশ্ন 9. 144 টা বলপেন থকা এক মুঠা বলপেনত 20 টা বেয়া আছে আরু বাকীবোর ভাল। নুরিয়ে এটা কলমকিনিব যদিহে ই ভাল হয় আরু বেয়া হ'লে নিকিনে। দোকানীয়ে যাদৃচ্ছিকভাবে এটা কলম আনিলে আরু তাইখ দিলে। সস্তরিতা কি যাতে,

(i) তাই এইটো কিনে, (ii) তাই এইটো নিকিনে,

সমাধানঃ মুঠ কলমৰ সংখ্যা = 144

বেয়া কলমৰ সংখ্যা = 20

∴ ভাল কলমৰ সংখ্যা = (1

১৩. ক্রয় করা কলমের সম্ভাবিতা: $P(A)$

124 31

卷之二

অনুশীলনী - 15. 2

প্রশ্ন 1. এটা লুভুগুটি এনেধবগেৰে নম্বৰ দিয়া হৈছে যে ইয়াৰ পিঠিখিনয়ে 1, 2, 2, 3, 3, 6, সংখ্যা দেখুওৱায় । ইয়াক দুবাৰ দলিয়াই দিয়া হ'ল আৰু দুই বাৰৰ মুঠ নম্বৰ লিখা বখো হ'ল । তলৰ তালিকাখন সম্পূর্ণ কৰা ঘ'ত কেইটামান নম্বৰ দিয়া আছে ।

		প্ৰথমবাৰ দলিয়াওঁতে পোৱা নম্বৰ					
+		1	2	2	3	3	6
১	1	2	3	4	4	7	
২	2	3	4	5	5	8	
৩	2				5		
৪	3						
৫	3		5			9	
৬	6	7	8	8	9	9	12

মুঠ নম্বৰ (i) যুগ্ম, (ii) 6, (iii) অতিকমেও 6 হোৱাৰ সম্ভাৱিতা কি ?

সমাধান : সম্পূর্ণ তালিকাটো হ'ল :

+	1	2	2	3	3	6
1	2	3	3	4	4	7
2	3	4	4	5	5	8
2	$2 + 1 = 3$	$2 + 2 = 4$	$2 + 2 = 4$	$2 + 3 = 5$	5	$2 + 6 = 8$
3	$3 + 1 = 4$	$3 + 2 = 5$	$3 + 2 = 5$	$3 + 3 = 6$	$3 + 3 = 6$	$3 + 6 = 9$
3	$3 + 1 = 4$	$3 + 2 = 5$	$3 + 2 = 5$	$3 + 3 = 6$	$3 + 3 = 6$	9
6	7	8	8	9	9	12

সকলো সম্ভৱপৰ ফলাফলৰ সংখ্যা $6 \times 6 = 36$

(i) ধৰা হ'ল $A = \{2, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 6, 6, 6, 6, 8, 8, 8, 12\}$

$$\therefore n(A) = 18$$

$$\therefore \text{যুগ্ম সংখ্যাৰ সম্ভাৱিতা} = \frac{18}{36} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore (\text{যুগ্ম সংখ্যা}) = \frac{1}{2} \text{ (উভৰ)}$$

(ii) ধৰা হ'ল B হ'ল এটা ঘটনা, যি যোগফল হিচাপে 6 পোৱা যায় ।

$$\therefore B = \{6, 6, 6, 6\}$$

$$\therefore n(B) = 4$$

$$\therefore \text{মুগ্ধ সংখ্যার সম্ভাবিতা} = \frac{4}{36} = \frac{1}{9}$$

$$\therefore P(B) = \frac{1}{9} \text{ (উত্তর)}$$

(iii) ধৰা হ'ল C হ'ল এটা ঘটনা, যি কমপক্ষে যোগফল 6 পোৱা যায় ।

$$\therefore C = \{6, 6, 6, 6, 7, 7, 8, 8, 8, 8, 9, 9, 9, 9, 12\}$$

$$\therefore n(C) = 14$$

$$\therefore \text{কমপক্ষে 6 পোৱাৰ সম্ভাবিতা} = \frac{15}{36} = \frac{5}{12}$$

$$\therefore P(C) = \frac{5}{12} \text{ (উত্তর)}$$

প্ৰশ্ন 2. এটা মোনাত 5 টা বঙা বল আৰু কিছুমান নীলা বল আছে । যদি এটা নীলা বল টনাৰ সম্ভাবিতা সেয়া বঙা বলৰ সম্ভাবিতাৰ দুগুণ হয় তেন্তে মোনাত থকা নীলা বলৰ সংখ্যা নিৰ্ণয় কৰা ।

সমাধান : বঙা বলৰ সংখ্যা = 5

$$\text{ধৰা হ'ল নীলা বলৰ সংখ্যা} = x$$

$$\therefore \text{মুঠ বলৰ সংখ্যা} = 5 + x$$

প্ৰক্ৰমতে,

$$\text{নীলা বলৰ সম্ভাবিতা} = 2 \times \text{বঙা বলৰ সম্ভাবিতা}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{5+x} = 2 \left[\frac{5}{5+x} \right]$$

$$\Rightarrow x = 10$$

$$\therefore \text{নিৰ্ণয় নীলা বলৰ সংখ্যা} = 10 \text{ (উত্তর)}$$

প্ৰশ্ন 3. এটা বাকচত 12 টা বল আছে য'ত x টা বল ক'লা । যদি এটা বল বাকচৰ পৰা যাদৃচ্ছিকভাৱে টনা হয় তেন্তে এইটো ক'লা হোৱাৰ সম্ভাবিতা কি ? যদি 6 টা আৰু অতিৰিক্ত ক'লা বল বাকচত ভৰোৱা হয়, ক'লা বল পোৱাৰ সম্ভাবিতা পূৰ্বতে পোৱা সম্ভাবিতাৰ দুগুণ । x নিৰ্ণয় কৰা ।

সমাধান : মোনাত থকা মুঠ বলৰ সংখ্যা = 12

$$\text{ধৰা হ'ল ক'লা বলৰ সংখ্যা} = x$$

$$\therefore \text{ক'লা বলৰ সন্তানিতা} = \frac{x}{12}$$

যদি বাকচত আৰু **6** টা বল বখা হয়, তেতিয়া বাকচত মুঠ বলৰ হ'ব **12 + 6 = 18**.

$$\text{কলা বলৰ সংখ্যা} = x + 6$$

$$\text{কলা বলৰ সন্তানিতা} = \frac{x+6}{18}$$

$$\therefore \text{প্ৰশ্নমতে, } \frac{x+6}{18} = \frac{2x}{12}$$

$$\Rightarrow \frac{x+6}{18} = \frac{x}{6}$$

$$\Rightarrow \frac{x+6}{3} = x$$

$$\Rightarrow x + 6 = 3x$$

$$\Rightarrow -2x = -6$$

$$\Rightarrow x = 3$$

$$\therefore \text{কলা বলৰ সংখ্যা} = 3$$

- প্ৰশ্ন 4. এটা পত্ৰত 24 টা মাৰ্বল, কিছুমান সেউজীয়া আৰু আনবোৰ নীলা আছে। যদি এটা মাৰ্বল পত্ৰৰ পৰা যাদৃচ্ছিকভাৱে টোনা হয়, আৰু এইটো সেউজীয়া হোৱাৰ সন্তানিতা $\frac{2}{3}$ । পাত্ৰটোত থকা নীলা বলৰ সংখ্যা নিৰ্গত কৰা।

$$\text{সমাধান : } \text{পাত্ৰটোত মাৰ্বলৰ সংখ্যা} = 24$$

$$\text{ধৰা হ'ল সেউজীয়া মাৰ্বলৰ সংখ্যা} = x$$

$$\therefore \text{নীলা মাৰ্বল সংখ্যা} = 24 - x$$

$$\text{যদি এটা মাৰ্বল পাত্ৰটোৰ পৰা তুলি নিয়া হয়, তেতিয়া, সেউজীয়া মাৰ্বলৰ সন্তানিতা} = \frac{2}{3}$$

$$\text{প্ৰশ্নমতে, } \frac{x}{24} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow x = \frac{24 \times 2}{3}$$

$$\Rightarrow x = 16$$

$$\text{সেউজীয়া মাৰ্বলৰ সংখ্যা} = 16$$

$$\therefore \text{নীলা মাৰ্বলৰ সংখ্যা} = 24 - x$$

$$= 24 - 16 = 8 \text{ (উত্তৰ)}$$